מגישים: [illegible]
מספרי ת.ז.: [illegible]

שאלה 1

א) הוכיחו או הפריכו: $|R| = |S|$ כאשר $S = \{A \subseteq R \mid A$ היא קבוצה בת מנייה$\}$.

ב) הוכיחו או הפריכו: $F = \{A_1, A_2, \ldots, A_n, \ldots\}$ היא קבוצה בת מנייה של קבוצות בנות מנייה, אזי $\bigcup_{A \in F} A$ היא קבוצה בת מנייה.

שאלה 2

א) יהי Σ אלפבית כלשהו ו-$L \subseteq \Sigma^*$ שפה כלשהי. נגדיר $L^* = \{w_1 w_2 \ldots w_k \mid k \geq 0, w_1, \ldots, w_k \in L\}$.
הוכיחו או הפריכו: אם L היא שפה רגולרית אז גם L^* היא שפה רגולרית.

http://cs.haifa.ac.il/students/ אתר הסטודנטים – הבית לתרגילי הבית, אוניברסיטת חיפה

ב) הוכיחו או הפריכו: $|\mathbb{R}| = |\mathbb{N}|$ (כלומר, יש שוויון בין עוצמת הקבוצה של המספרים הממשיים לבין עוצמת הקבוצה של המספרים הטבעיים).

ג) הוכיחו או הפריכו: $|\mathcal{A}| = \aleph_0$ כאשר $\mathcal{A} = \{S \subseteq \mathbb{N} \mid |S| \geq 4\}$.

שאלה 3

תהי $f : \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ פונקציה (לא בהכרח חח"ע) כך שלכל $i \geq 1$ מתקיים $f(i) \neq i$.